

**ЎЗБЕКИСТОН РЕСПУБЛИКАСИ ОЛИЙ ВА ЎРТА МАХСУС  
ТАЪЛИМ ВАЗИРЛИГИ**

**ФАРҒОНА ПОЛИТЕХНИКА ИНСТИТУТИ**

**МЕХАНИКА ФАКУЛЬТЕТИ**

**«Тадбиқий механика» кафедраси**

**“Материаллар қаршилиги” фанидан**

**РЕФЕРАТ**

**Бажарди:**

**12-12 ХС гуруҳ талабаси  
Назарова О.**

Фарғона - 2014

## **Мавзу: Мураккаб қаршилик.**

### **РЕЖА:**

1. Умумий тушунчалар.
2. Қийшиқ эгилиш.
3. Қийшиқ эгилишда деформация.
4. Марказлашмаган сиқилиш. Умумий тушунчалар.

### **1. Умумий тушунчалар**

Мураккаб қаршилик деганда икки ёки ундан ортиқ деформацияни биргаликда учраши тушунилади.

Масалан: Эгилиш билан буралиш, чўзилиш билан эгилиш, қийшиқ эгилиш ва марказлашмаган сиқилиш.

Бундай масалалар куйидаги тартибда ечилади:

Ички кучлар кесиш усули орқали аниқланади, сўнг хавфли кесимни топишга имкон берувчи эпюралар чизилади ва хавфли кесим аниқланади.

Хавфли кесимда кучланишлар тарқалиш характериға қараб туриб (ҳар бир ички куч факторидан алоҳида) хавфли нуқта топилади, яъни ҳар қайси зўриқиш кучидан  $\sigma$  ва  $\tau$  лар топилади ва шу хавфли кесим учун хавфли нуқта белгиланиб шу нуқта учун мустаҳкамлик шарти куйидагича ёзилади.

$$\sigma_p \leq [\sigma] \quad (1)$$

бу ерда  $\sigma_p$  - келтирилган кучланиш у қайси мустаҳкамлик назариясини қабул қилишимизга боғлиқ бўлади.

### **2. Қийшиқ эгилиш**

Балки ўқиға тик йўналган ва бош инерция ўқларига паралелл текисликларда бўлмаган кучлар таъсир ида ҳосил бўладиган эгилиш қийшиқ эгилиш деб аталади.

Бунда ихтиёрий  $z$  кесимда ҳосил бўладиган эгувчи момент куйидагича тенг бўлади

$$M = P \cdot z \quad (2)$$

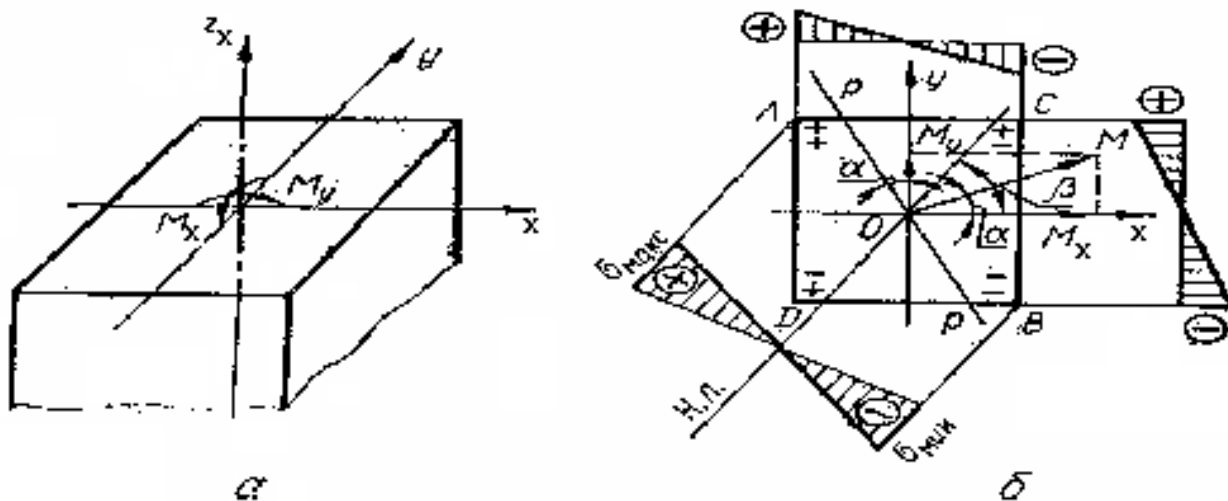
$P$  кучини бош инерция ўқларига паралелл текисликлардаги ташкил этувчилари куйидагича бўлади.

$$\begin{aligned} P_x &= P \sin \alpha \\ P_y &= P \cos \alpha \end{aligned} \quad (3)$$

у ҳолда

$$\begin{aligned} M_x &= P_y \cdot Z = P \cdot Z \cos \alpha = M \cdot \cos \alpha \\ M_y &= P_x \cdot Z = P \cdot Z \sin \alpha = M \cdot \sin \alpha \end{aligned} \quad (4)$$

$M_x$  ва  $M_y$  лар балки бош текисликларига таъсир этаяпти, булардан ҳосил бўладиган кучланишлар қуйидагича бўлади.



4 -шакл

демак ихтиёрий  $z$  кесмадаги кучланиш 4 ҳисобга олган ҳолда

$$\sigma = \alpha x + \sigma_y \frac{M_x}{J_x} y + \frac{M_y}{J_y} x = \frac{M \cdot \cos \alpha}{J_x} y + \frac{M \cdot \sin \alpha}{J_y} x = M \left( \frac{y \cdot \cos \alpha}{J_x} + \frac{x \cdot \sin \alpha}{J_y} \right)$$

$$\sigma = M \left( \frac{y \cdot \cos \alpha}{J_x} + \frac{x \cdot \sin \alpha}{J_y} \right) \quad (5)$$

бу ерда

$x, y$  - лар ихтиёрий  $A$  нуқтанинг координаталари.

Бизга маълумки нейтрал ўқда кучланиш “0”га тенг,  $y$  ҳолда (11.5) да  $\sigma=0$  деб нейтрал чизиқ ҳолатини аниқлаш мумкин нейтрал чизиқ координаталарини  $X_N$  ва  $Y_N$  деб белгилаймиз.

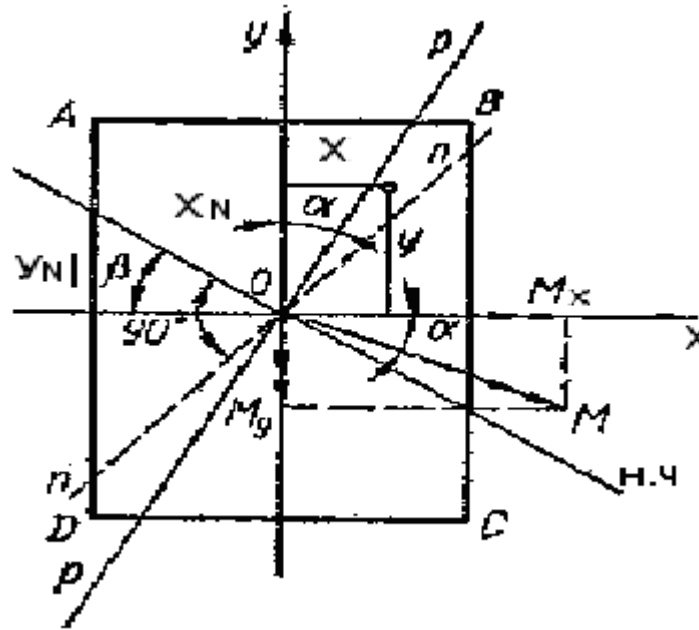
$$\sigma_x = M \left( \frac{y_N \cos \alpha}{J_x} + \frac{X_N \sin \alpha}{J_y} \right) = 0 \quad (6)$$

(6) да  $M \neq 0$ ,  $y$  ҳолда

$$\frac{y_N \cos \alpha}{J_x} + \frac{X_N \sin \alpha}{J_y} = 0 \quad (7)$$

бўлиши керак.

Шаклдан



5. шкал

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{y_N}{x_N} \quad (8)$$

(7) дан куйидагига эга бўламиз.

$$\operatorname{tg} \alpha = -\frac{J_x}{J_y} \operatorname{tg} \beta \quad (9)$$

(9) дан кўринадики нейтрал чизик ҳолати кесим юзаси шаклига боғлиқ экан.

Нейтрал чизик куч текислиги билан  $J_x \neq J_y$  ҳолатида бўлмас экан.  $J_x \neq J_y$   $\alpha \neq \varphi$  бўлиб квадрат, доира шаклда қийшиқ эгилиш бўлмайди. Максимал кучланиш:

$$\sigma_{\max} = M \left( \frac{\cos \alpha}{J_x} \cdot J_{\max} + \frac{\sin \alpha}{J_y} X_{\max} \right) = M \left( \frac{\cos \alpha}{\frac{J_x}{Y_{\max}}} + \frac{\sin \alpha}{\frac{J_y}{X_{\max}}} \right) = M \left( \frac{\cos \alpha}{\omega_x} + \frac{\sin \alpha}{\omega_y} \right)$$

демак:

$$\sigma_{\max} = M \left( \frac{\cos \alpha}{W_x} + \frac{\sin \alpha}{W_y} \right) \quad (10)$$

(10) да

$$W_x = \frac{J_x}{Y_{\max}}; \quad W_y = \frac{J_y}{X_{\max}} \quad (11)$$

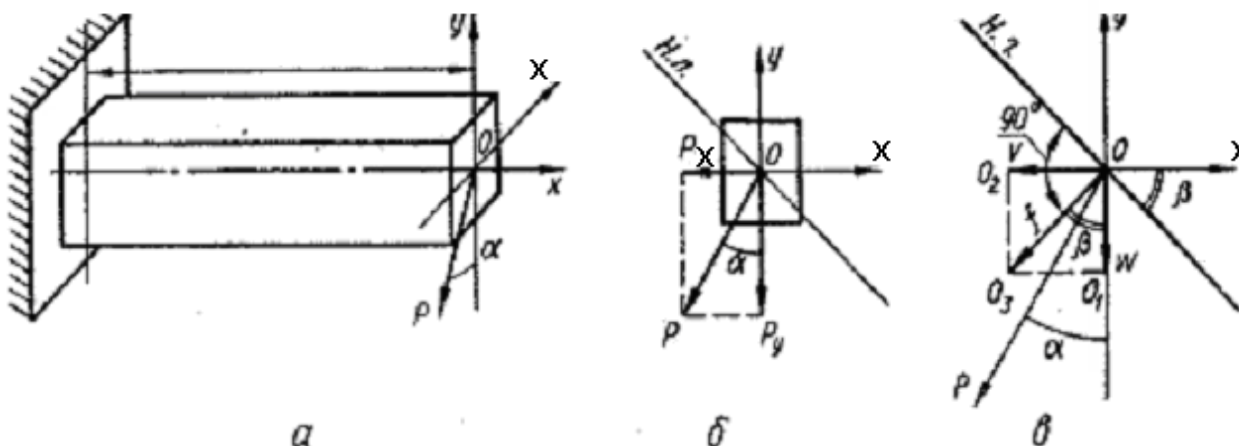
кесим қаршилик моментларидир.

$X_{\max}$ ,  $Y_{\max}$  – лар Нейтрал чизикдан энг узокдаги масофалар,  $y$  ҳолда қийшиқ эгилишда мустаҳкамлик шарти қуйидагича бўлади.

$$\sigma_{\max} = \pm M_{\max} \left( \frac{\cos \alpha}{W_x} + \frac{\sin \alpha}{W_y} \right) \leq [\sigma]$$

$$\sigma_{\max} = \left( \frac{M_x}{W_x} + \frac{M_y}{W_y} \right) \leq [\sigma] \quad (12)$$

### 3. Қийшиқ эгилишда деформацияни аниқлаш.



б. шакл

$$f_{\max} = \frac{P\lambda^3}{3EJ} \qquad f_{\max} = \sqrt{y_{\max}^2 + x_{\max}^2}$$

$$y_{\max} = \frac{P\lambda^3}{3EJx} = \frac{P \cos \alpha \lambda^3}{36Jx} \qquad x_{\max} = \frac{P\lambda^3}{3EJy} = \frac{P \cos \alpha \lambda^3}{36Jy}$$

у ҳолда

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{x_{\max}}{y_{\max}} = \frac{P \sin \alpha \lambda^3}{36EJy} \cdot \frac{36EJx}{P \cos \alpha \lambda^3} = -\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \cdot \frac{Jx}{Jy} = -\operatorname{tg} \alpha \frac{Jx}{Jy} \quad (13)$$

Олинган (13) формула (9) га ўхшашдир

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{Jx}{Jy} \operatorname{tg} \alpha \quad (14)$$

бундан  $\beta = \varphi$  эканлиги келиб чиқади. Демак салқилик йўналиши доимо нейтрал чизикқа перпендикуляр бўлади.

Бундан куч йўналиши билан салқилик йўналиши мос келмайди, демак бундай эгилиш қийшиқ эгилиш дейилади.

Хусусий ҳоллар 1)  $J_x = J_y$  – кесимлар (доира, квадрат) (14) га асосан.

$$\operatorname{tg} \beta = 1 \cdot \operatorname{tg} \alpha \qquad \beta = \alpha$$

Куч йўналиши билан салқилик йўналиши устма-уст тушади, бу ҳолда ҳеч қачон қийшиқ эгилиш содир бўлмайди. Демак  $J_x = J_y$  – қийшиқ эгилиш

бўлмайди жуда ҳам баландлиги катта бўлган балкаларда  $J_x \gg J_y$   $\beta$  ва  $\alpha$  орасидаги фарқ катта бўлади. Шунинг учун уларда доимо қийшиқ эгилиш содир бўлади.

#### 4. Марказлашмаган сиқилиш. Умумий тушунчалар.

Бундай ҳолдаги деформацияда ташқи кучларни тенг таъсир этувчи стержен бўйлама ўқи билан устма уст тушмайди,  $Z$  ўқиға паралелл ҳолда силжиган бўлади.

Айтайлик сиқувчи куч  $P$ ,  $AA$  га паралелл 100 чизик бўйича таъсир этади дейлик. (12.1-шакл,а)  $O$  нуқтадан  $A$  куч таъсир этаётган нуқтагача бўлган  $(OA)$ -эксцентриент деб юритилади.

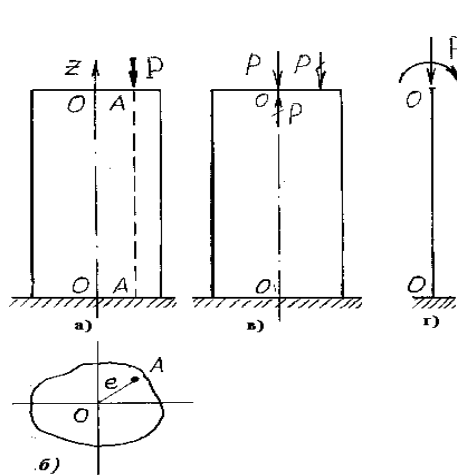
$$e = Oa$$

Кучни кесим оғирлик марказига қўчирсак (10.1-шакл,в) марказлашмаган сиқилиш: марказий сиқилиш билан соф қийшиқ эгилишдан иборат бўлади.

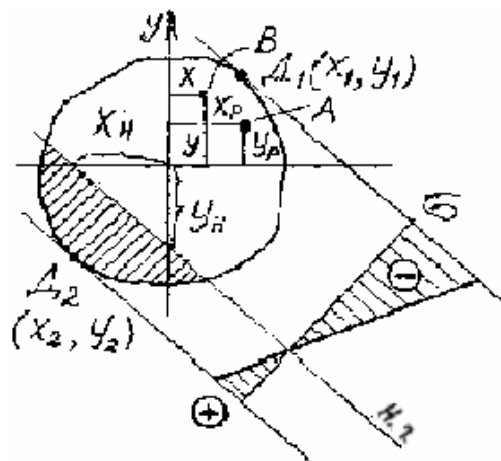
#### 5. Марказлашмаган чўзилиш, сиқилишда кучланишларни аниқлаш.

Ихтиёрий кесимни текшираемиз. (12.2-шакл)  $Ox$  ва  $Oy$  ўқидаги бош ўқлар бўлсин.  $A$  нуқтадаги координаталари  $X_p, Y_p$  га тенг.  $B$  нуқтани  $X, Y$  координаталар ўқиға нисбатан йўналишида аниқлаймиз. Кўндаланг кесимда таъсир этувчи ички куч факторлари қуйидагилардан иборат.

$$N = -P; \quad M_x = -P y_p; \quad M_y = -P x_p.$$



7 -шакл



8 -шакл

$U$  ҳолда ихтиёрий  $B$  нуқтадаги кучланиш қуйидагига тенг бўлади.

$$\sigma = \frac{P}{F} - \frac{P y_p \cdot y}{I_x} - \frac{P x_p \cdot x}{I_y} \quad (15)$$

Бош инерция моментларни инерция радиуслари орқали ифодаласак

$$I_x = F i_x^2; \quad I_y = F i_y^2.$$

У ҳолда 
$$\sigma = -\frac{P}{F} \left( 1 + \frac{y_p y}{i_x^2} + \frac{x_p x}{i_y^2} \right) \quad (16)$$

### 6. Нейтрал ўқ ҳолатини аниқлаш.

Максимал кучланишларни  $\sigma_{\max}$ -ни аниқлаш учун нейтрал ўқ ҳолатини аниқламиз.  $\sigma = 0$  да;  $-P/F \neq 0$

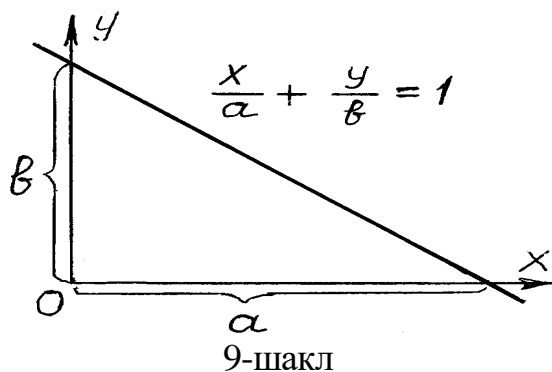
У ҳолда 
$$1 + \frac{y_p y}{i_x^2} + \frac{x_p x}{i_y^2} = 0 \quad (17)$$

Бу ерда  $X_0, Y_0$ - нейтрал чизиқ координаталари (16)дан  $X_N=0, Y_N=0$  бундан нейтрал ўқни оғирлик марказидан ўтмаслиги келиб чиқади(17) ифодани координата ўқларидан ажратган кесмаларини аниқлаш формуласи сифатида қўллаш қулайдир (18-шакл)( 19)ни қуйидагича ифодалаймиз.

$$\begin{aligned} x_0 + y_0 &= 1 \\ -\frac{i_y^2}{x_p} - \frac{i_x^2}{y_p} & \end{aligned}$$

Бунда қуйидагича белгилар киритамиз.

$$\left. \begin{aligned} x_n &= -\frac{i_y^2}{x_p}; \\ y_n &= -\frac{i_x^2}{y_p}; \end{aligned} \right\} (12.4)$$



Бу ерда  $x_N, y_N$ -нейтрал чизикни  $x, y$  ўқларидан ажратган кесмалари. У ҳолда нейтрал чизик тенгламаси (20) ҳисобга олган ҳолда қуйидагича кўринишга келади.

$$\frac{x_0}{x_n} + \frac{y_0}{y_n} = 1. \quad (21)$$

(21) даги  $x_N, y_N$  ларни манфий ишоралари шуни кўрсатадики нейтрал чизикни оғирлик марказидан  $P$  куч қўйилган  $A$  нуқтага нисбатан қарама қарши томонла жойлашишини билдиради. Нейтрал чизик кесимни чўзилган ва сиқилган соҳаларга ажратади 9-шаклда чўзилган соҳа штрихланган. Кесим контурига уринма ўтказиб  $D_1$  ва  $D_2$  нуқталарни ҳосил қиламиз. Қайсики бу нуқталарда кучланишлар энг катта қийматларга эришди. Бу нуқталар координаталари  $x_{1,2}$  ва  $y_{1,2}$  ларни (1) ёки (2)га қўйиб мустаҳкамлик шартини қуйидагича ҳосил қиламиз.

$$|\sigma_{\max}| = \frac{P}{F} + \frac{P y_p y_{1,2}}{I_x} + \frac{P x_p x_{1,2}}{I_y} \leq [\sigma] \quad (22)$$

Симетрик кесимлар (тўртбурчак, қўштавр ва бошқа) да ҳар икки ўқлар симетрия ўқлари ҳисобланади. Бундай кесимлар учун  $y_{1,2} = y_{\max}$  ва  $x_{1,2} = x_{\max}$  бўлади. Бундай ҳолда (6) соддаллашиб қуйидагича кўринишга келади.

$$|\sigma_{\max}| = P \left[ \frac{1}{F} + \frac{y_p}{W_x} + \frac{x_p}{W_y} \right] \leq [\sigma] \quad (23)$$

Агар брус материали чўзилиш ва сиқилишга ҳар хил қаршилиқ кўрсатувчи материалдан иборат бўлса, чўзилиш ва сиқилишга алоҳида (7) га асосан мустаҳкамликка текширилиб кўрилади. (4) дан кўринадикки  $x_p = 0$ ,  $y_p = 0$  да марказий сиқилиш қосил бўлиб нейтрал чизик чексизликдан ўтади.  $x_p$ ,  $y_p$  ларни ортира бориб  $x_N$  ва  $y_N$  ларни камайтира борамиз ва у кесм марказга яқинлаша боради. Бундан кўринадикки марказлашмаган сиқилиш ёки чўзилишда нейтрал ўқ кесимни кесиб ўтиб уни ичидан ўтар экан. Бу ҳолда қўндаланг кесмада чўзувчи ва сиқувчи кучланишлар ҳосил бўлади,  $x_p = 0$ ,  $y_p = 0$  да бир хил ишорали кучланишлар ҳосил бўлар экан.

### Назорат саволлари:

1. Марказлашмаган чўзилиш ва сиқилиш деганда нимани тушунасиш.
2. Марказлашмаган чўзилиш ва сиқилиш қайси оддий деформациялар йиғиндисидан иборат.
3. Нейтрал ўқ тенгламасини келтириб чиқаринг?
4. Нейтрал ўқдаги  $a_x$ ,  $a_y$  лар қандай ифодаланди.
5. Марказлашмаган сиқилишда энг катта нормал кучланиш қандай аниқланади.
6. Кесим ядроси нима?
7. Доиравий ва тўртбурчакли кесимлар учун кесим ядроси қандай кўринишда бўлади.
8. Мураккаб қаршилиқ нима.
9. Мураккаб эгилишни тушунтиринг.